# Front-tracking 法を用いた上昇二気泡挙動の三次元数値解析

## 学籍番号 80123113 平田直也 指導教員 菱田公一 教授

### 1. 緒言

流体中に気泡を含む流れは,原子炉炉心内や化学反応器な ど工業上様々な分野において見受けられる.これら気泡を含 む流れの流動特性は,液相を介して互いに干渉ながら運動す る個々の気泡の挙動,及び気泡間の流動構造の変化に大きく 依存する.そのため,気泡間の相互干渉と周囲流動構造の変 化に関する知見を得ることが流体機器の安全設計,高効率化 にとって不可欠である.しかし,現在までに単一気泡の挙動 に関する知見は多く得られているが複数気泡間の相互干渉, 及び周囲流体の三次元的な流動構造変化についての明確な結 論は得られていない.

そこで本研究では,液中を上昇する2つの気泡について三次元数値解析を行い,液相を介して二気泡間に作用する相互 干渉,及び気泡周囲の三次元的な流動構造の詳細を明らかに する事を目的とする.

## 2. Front-Tracking 法<sup>(1)</sup>

本研究では時間的に多様な変化をする気液界面を精度良 く追跡し,かつ数値的に安定といわれている Front-tracking 法 を使用する.気液界面は直交固定格子内を移動する別個の非 構造格子により陽に表現され Lagrange 的に追跡される.

支配方程式を以下に示す  $\nabla \cdot \mathbf{u} = 0$  (1)  $\frac{\partial}{\partial t} (\mathbf{ru}) + \nabla \cdot (\mathbf{ruu}) = -\nabla p + \nabla \cdot \mathbf{n} (\nabla \mathbf{u} + (\nabla \mathbf{u})^T) + \mathbf{rg} + \left[ \mathbf{skart} (\mathbf{x} - \mathbf{x}^T) \mathbf{sk} \right]$  (2)

表面張力は界面上(x=x<sup>f</sup>)でゼロでないデルタ関数d(x-x<sup>f</sup>)によって付加項として取り込まれる.添え字 f は界面上の値である事を示す.

#### 3. 計算条件

本研究ではモルトン数 *M*=1.97×10<sup>-3</sup>の流体中を上昇する エトベス数 *E*<sub>o</sub>=10.59の気泡を対象とした.

図1に本研究におけ る計算領域を示す.格 子数は気泡球等価直径 D<sub>e</sub> に対して 20cell 与え, 計算領域内は 96×512 ×96とした,境界条件 は y 方向, z 方向は周 期境界条件とし, x 方 向の境界は滑りなしの 壁条件とした.このと き x 方向の両壁が静止 することで静止流動場, それそれが V<sub>wall</sub>, -V<sub>wall</sub> で常に動き続ける事に より一様せん断流動場 を形成した.



本研究では静止流 体中に直列に配置され た2つの気泡について,

図1 計算領域

図 2-a に示すように追従気泡の先行気泡に対する初期重心位

置が $\Delta y_c$ =-2.0 $D_e$ ,-3.0 $D_e$ ,-4.0 $D_e$  となる条件それぞれについて計 算をおこなった.さらに,せん断率 k=3.0 $s^{-1}$ の一様せん断流 中において,図 2-b に示すように追従気泡の y 方向の初期相 対重心位置を $\Delta y_c$ =-2.0 $D_e$ とし x 方向の初期相対重心位置をそ れぞれ $\Delta x_e$ =-0.5 $D_e$ ,+0.5 $D_e$  とした 2 つの条件についても計算を おこなった.





## 洵 図 3 に*Δy<sub>c</sub>=-3.0D<sub>e</sub>*の条件 における静止流体中の直列 二気泡の上昇の様子を示す. 直列に配置された2つの気 泡は共に垂直に上昇し,追 従気泡の上昇速度が増加す ることにより接近,接触し た.このとき追従気泡があ る程度接近すると先行気泡 の速度も増加しはじめる事 が確認された.ここで,先 行気泡の速度増加の要因を 調べるため,先行気泡下部 における圧力 Pleast の時間 変化と先行気泡に働く力の 鉛直方向成分 F<sub>v</sub>時間変化





との関係を調べた(図4).図より,先行気泡の速度増加は,追 従気泡が先行気泡に接近することにより先行気泡下部の圧力 が回復し,先行気泡に働く力の鉛直成分が増加するために起 こることがわかる.

初期気泡間距離が異なる条件を比較したところ,初期気泡 間距離が小さい条件ほど早い時刻で上昇速度,気泡形状の変 化が起きる事が確認された.このように気泡同士の相互干渉 によって個々の気泡が受ける影響の大きさは,2 つの気泡間 の距離に関係すると考えられる.そこで,各条件について, 2 つの気泡の重心間距離 Dc と各気泡に働く力の y方向成分 の大きさ Fyとの関係を調べた(図 5-a,5-b) 図より気泡に働く 力の y方向成分の大きさは気泡間距離に応じて,どの条件に おいても同様の変化をすることがわかる.これより,気泡間 の相互干渉によって気泡に働く力の大きさは,2 気泡間の距 離に大きく依存する事がわかった.



### 4.2 せん断流中の二気泡

せん断流中を上昇する2つの気泡は,どちらの条件におい ても,変形を伴いながら上昇し,接近接触した.このとき, 先行気泡はせん断流の影響をうけて x 軸正の方向へ移動し, 追従気泡は先行気泡の後流に取り込まれるように移動した. 図 6-a,6-b にそれぞれの条件において,2 気泡間の距離が 1.75Deとなる時刻での気泡重心位置を通る x-y平面における 気泡周囲の流れ場の様子を示す.ここで図の流線は先行気泡 速度に対する周囲流体の相対速度に沿って描かれている.図 6-a では, 左下方の追従気泡の存在により気泡先行下流部の 流れが半時計回りとなり,図 6-b では,右下方の追従気泡の 存在により反対に時計回りとなっていることがわかる図7に それぞれの条件における先行気泡界面まわりの循環の値の時 間変化を示す.単一上昇時と比較して,循環の値がそれぞれ の条件で増加,減少していることがわかる.これは,図6で みられた気泡間の液相の流れの向きの変化によるものである と考えられる.このように気泡間の液相の流動構造は2つの 気泡の相対位置によって変化することがわかった.



### 4.3 気泡周囲の三次元流動構造の変化

気泡の相対的な位置関係による3次元的な流動構造の変化 を調べるために,単一上昇時には液相中にほとんどみられな かった y 軸方向の渦度 w,の分布の様子を調べた 図 8-a,8-b,8-c に,2気泡間の距離が 1.75Deとなる時刻における気泡周囲流 動場の3次元渦度等値面図を示す.直列に上昇する条件では, 単一上昇時と同様に気泡間に w,の分布はみられないが,気泡 同士の相対的な位置関係によって気泡間の液相に流動構造の 変化がみられたせん断流中の条件では,2つの気泡間の液相 に w,の分布がみられ,3次元的にも流動構造が変化している ことがわかった.



図 8 気泡周囲の渦度等値面

### 5. 結言

2 つの気泡が液相を介してお互いに与える力の大きさは気 泡間距離に大きく依存することがわかった.2 気泡間の相対 的な位置関係の違いによって,3 次元的な流動構造の変化が 生じることが分かった.

### 参考文献

(1)G.Tryggvason et al., J Comput. Phys., 100, (1992), 25